

Занятие 6 для групп Д1–01, Д1–02, Д1–03, Д1–04

Тема: направляющие косинусы; КР–1

753. Дан модуль вектора $|\vec{a}| = 2$ и углы $\alpha = 45^\circ$, $\beta = 60^\circ$, $\gamma = 120^\circ$. Вычислить проекции вектора на координатные оси.

Ответ: $X = \sqrt{2}$, $Y = 1$, $Z = -1$.

754. Вычислить направляющие косинусы вектора $\vec{a} = \{12; -15; -16\}$.

Ответ: $\cos \alpha = \frac{12}{25}$; $\cos \beta = -\frac{3}{5}$; $\cos \gamma = -\frac{16}{25}$.

756. Может ли вектор составлять с координатными осями следующие углы:

1) $\alpha = 45^\circ$, $\beta = 60^\circ$, $\gamma = 120^\circ$; 2) $\alpha = 45^\circ$, $\beta = 135^\circ$, $\gamma = 60^\circ$;

3) $\alpha = 90^\circ$, $\beta = 150^\circ$, $\gamma = 60^\circ$?

Ответ: 1) Может. 2) Не может. 3) Может.

758. Вектор составляет с осями Ox и Oz углы $\alpha = 120^\circ$ и $\gamma = 45^\circ$. Какой угол он составляет с осью Oy ?

Ответ: 60° или 120° .

КР-1 (семестровый контроль) на 50 мин.

Д/з 6 для групп Д1–01, Д1–02, Д1–03, Д1–04

755. Вычислить направляющие косинусы вектора $\vec{a} = \left\{ \frac{3}{13}; \frac{4}{13}; \frac{12}{13} \right\}$.

Ответ: $\cos \alpha = \frac{3}{13}$; $\cos \beta = \frac{4}{13}$; $\cos \gamma = \frac{12}{13}$.

757. Может ли вектор составлять с двумя координатными осями следующие углы:

- 1) $\alpha = 30^\circ$, $\beta = 45^\circ$; 2) $\alpha = 60^\circ$, $\beta = 60^\circ$; 3) $\alpha = 150^\circ$, $\beta = 30^\circ$?

Ответ: 1) Не может. 2) Может. 3) Не может.

759. Вектор \vec{a} составляет с координатными осями Ox и Oy углы $\alpha = 60^\circ$, $\beta = 120^\circ$. Вычислить его координаты при условии, что $|\vec{a}| = 2$.

Ответ: $\vec{a} = \{1; -1; \sqrt{2}\}$ или $\vec{a} = \{1; -1; -\sqrt{2}\}$.

1. Доказать, что треугольник с вершинами $A(3; -1; 2)$, $B(0; -4; 2)$, $C(-3; 2; 1)$ равнобедренный.
2. Даны две вершины $A(2; -3; -5)$, $B(-1; 3; 2)$ параллелограмма $ABCD$ и точка $Q(4; -1; 7)$ пересечения его диагоналей. Найти остальные вершины параллелограмма. Найти длины его сторон l_1 , l_2 и диагоналей d_1 , d_2 . Проверить на данном примере *тождество параллелограмма*:

$$d_1^2 + d_2^2 = 2(l_1^2 + l_2^2).$$

Ответ: $C(6; 1; 19)$, $D(9; -5; 12)$; $l_1 = \sqrt{94}$, $l_2 = \sqrt{342}$, $d_1 = \sqrt{608}$, $d_2 = \sqrt{264}$.

3. Дано $\vec{a} = (3; -5; 8)$, $\vec{b} = (-1; 1; -4)$. Вычислить $|\vec{a} + \vec{b}|$ и $|\vec{a} - \vec{b}|$.

Ответ: $|\vec{a} + \vec{b}| = 6$, $|\vec{a} - \vec{b}| = 14$.

4. Векторы \vec{a} , \vec{b} взаимно перпендикулярны, причем $|\vec{a}| = 5$ и $|\vec{b}| = 12$. Определить $|\vec{a} + \vec{b}|$ и $|\vec{a} - \vec{b}|$.

Ответ: $|\vec{a} + \vec{b}| = |\vec{a} - \vec{b}| = 13$.

5. Дано $|\vec{a}| = 13$, $|\vec{b}| = 19$ и $|\vec{a} + \vec{b}| = 24$. Вычислить $|\vec{a} - \vec{b}|$.

Ответ: $|\vec{a} - \vec{b}| = 22$.